

[I] 以下の問の **ア** ~ **ソ** にあてはまる適切な数、座標または式を、解答用紙の所定の欄にすべて記入しなさい。

(1) a は、 $-1 < a < \frac{1}{3}$ を満たす実数とする。

$\frac{3+i}{\sqrt{a^2+2a+1} + \sqrt{9a^2-6a+1} i}$ が実数であるとき、 a の値は **ア** である。

ただし、 i は虚数単位とする。

(2) a は自然数とする。 a が 2 つの不等式

$$\begin{cases} \sqrt[3]{3} < \sqrt[6]{a} \\ \sqrt[6]{(a^3)^4 \times a^2 \div a^5} < 24\sqrt{3} \end{cases}$$

を満たすとき、 a の値は **イ** である。

(3) 数列 $\{a_n\}$ は、初項が 2、公差が 1 の等差数列である。数列 $\{b_n\}$ を $b_1 = 1$,
 $b_{n+1} = a_n + b_n$ と定めるとき、 $\sum_{k=1}^n \frac{1}{b_k}$ を求めると **ウ** である。

(4) 自然数 x, y, z は方程式

$$15x + 14y + 24z = 266$$

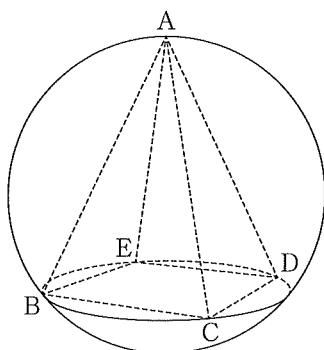
を満たす。

(i) $k = 5x + 8z$ としたとき、 y を k の式で表すと $y =$ **エ** である。

(ii) x, y, z の組は $(x, y, z) =$ **オ** である。

- (5) O を原点とする xy 平面上に 2 つの直線 $l_1 : y = -3x + 10$ と $l_2 : y = 7x$ がある。点 A は 2 直線 l_1, l_2 の交点である。点 B は、2 つのベクトル \overrightarrow{OA} と \overrightarrow{OB} のなす角が 45° となる直線 l_1 上の点である。
- (i) 点 B の座標は カ である。
- (ii) 実数 s, t に対して、点 P を $\overrightarrow{OP} = s\overrightarrow{OA} + t\overrightarrow{OB}$ で定める。 s, t が 3 つの不等式 $s \geq 0, t \geq 0, 10s + 6t \leq 3$ を満たすとき、点 P の存在する領域の面積は キ である。
- (6) 関数 $y = 3\sqrt{3}\sin^2\theta + 2\sqrt{3}\cos^2\theta + \sin\theta\cos\theta$ がある。 θ が $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$ を満たすとき、
- (i) この関数を $y = a\sin 2\theta + b\cos 2\theta + c$ で表すと、 $a =$ ク， $b =$ ケ， $c =$ コ となる。ただし、 a, b, c は三角関数を含まない実数とする。
- (ii) この関数の最大値は サ であり、そのとき $\theta =$ シ である。また、最小値は ス であり、そのとき $\theta =$ セ である。

- (7) 正四角錐 ABCDE のすべての頂点は半径 3 の球面上にある。この正四角錐の体積 V の最大値は ソ である。



《 [II][III] は、13 ページ以降にあります 》

[II] 以下の問の タ , ト にあてはまる適切な数を, 解答用紙の所定の欄に記入しなさい。
また, チ ~ テ にあてはまる適切な文字を, 解答用紙の所定の欄にあるアルファベット
から選び, 丸で囲みなさい。

アルファベットが 1 文字ずつ書かれたカードがある。C, E が書かれたカード C , E を
それぞれ 2 枚ずつ, I, N, S が書かれたカード I , N , S をそれぞれ 1 枚ずつ, 合計 7 枚
のカードをすべて使用して, 左から 1 列に並べて文字列を作る。

作ることのできるすべての種類の文字列を, 英和辞典の単語の順序に従って並べる。この
とき, n 番目に入る文字列を a_n とすると,

$$a_1 : \boxed{C} \ \boxed{C} \ \boxed{E} \ \boxed{E} \ \boxed{I} \ \boxed{N} \ \boxed{S}$$

$$a_2 : \boxed{C} \ \boxed{C} \ \boxed{E} \ \boxed{E} \ \boxed{I} \ \boxed{S} \ \boxed{N}$$

$$a_3 : \boxed{C} \ \boxed{C} \ \boxed{E} \ \boxed{E} \ \boxed{N} \ \boxed{I} \ \boxed{S}$$

$$a_4 : \boxed{C} \ \boxed{C} \ \boxed{E} \ \boxed{E} \ \boxed{N} \ \boxed{S} \ \boxed{I}$$

$$a_5 : \boxed{C} \ \boxed{C} \ \boxed{E} \ \boxed{E} \ \boxed{S} \ \boxed{I} \ \boxed{N}$$

⋮

となる。

(1) 作ることのできる文字列は, 全部で タ 通りである。

(2) a_{500} の左から 2 番目の文字は チ , 4 番目の文字は ツ , 6 番目の文字は テ で
ある。

(3) $a_n : \boxed{S} \ \boxed{C} \ \boxed{I} \ \boxed{E} \ \boxed{N} \ \boxed{C} \ \boxed{E}$ であるとき, $n = \boxed{ト}$ である。

[III] 以下の問の **〔ナ〕** ~ **〔ヌ〕** にあてはまる適切な数または式を、解答用紙の所定の欄に記入
しなさい。

xy 平面上に直線 $l: y = k$ と、 x の関数 $f(x) = |x(x-2)| + |x(x-a)|$ のグラフ $y = f(x)$ がある。 a と k は実数であり、 a は不等式 $a > 2$ を満たす。

- (1) $a = 4$ とする。直線 l と $y = f(x)$ のグラフが異なる 4 点で交わるとき、 k の値の範囲は
〔ナ〕 である。
- (2) $k = f(a)$ とする。直線 l と $y = f(x)$ のグラフが異なる 2 点で交わるとき、 a の値の範囲は
〔ニ〕 である。
- (3) a の値が **〔ニ〕** を満たす最小の整数であるとき、 $y = f(a)$ と $y = f(x)$ とで囲まれた部分
の面積は **〔ヌ〕** である。